

- b. Tracer la courbe représentative de la fonction f dans un plan muni d'un repère orthogonal. On prendra 1 cm comme unité en abscisses et 1 cm pour 100 cm^3 en ordonnées.
4. a. Pour quelle valeur de x , le volume V est-il maximum? Quelle est alors la valeur de ce volume? Quelle particularité présente la boîte dans ce cas-là?
- b. Le fabricant veut que la boîte obtenue ait un volume de 500 cm^3 et que x soit inférieur à 10.
Déterminer, à l'aide du graphique, la valeur de x qu'il doit choisir.
Vérifier par le calcul puis calculer la valeur de y correspondante.

EXERCICE 2 OBLIGATOIRE**6 points**

Le but de l'exercice est l'étude de la désintégration du carbone 14, corps radioactif, et de son utilisation pour la datation des fossiles ou des squelettes.

Partie A

Soit N_0 le nombre d'atomes de carbone 14 à l'instant $t = 0$;

Soit N_1 le nombre d'atomes de carbone 14 un siècle après;

Soit N_k le nombre d'atomes de carbone 14 après k siècles, k entier naturel.

On sait que le nombre d'atomes de carbone 14 diminue très lentement au cours du temps, d'environ 1,24 % par siècle.

- Justifier que la suite (N_k) est une suite géométrique de raison 0,9876
- Exprimer N_k en fonction de N_0 et de l'entier k .
- Quelle est la limite de la suite (N_k) ? Justifier.

Partie B

Les rayons cosmiques produisent continuellement dans l'atmosphère du carbone 14, qui s'y désintègre très lentement, ce qui fait que le taux de carbone 14 dans l'atmosphère de la terre est constant.

Durant leur vie, les tissus animaux et végétaux contiennent la même proportion de carbone 14 que l'atmosphère; à leur mort, l'assimilation en carbone 14 cesse et celui-ci se désintègre dans les conditions vues dans la **partie A**.

- Un squelette d'homme préhistorique contient 5 % du carbone 14 initial. Justifier que l'on peut estimer son âge à 24 000 ans.
- On admet que l'on peut ainsi estimer l'âge des fossiles qui contiennent au moins 1 % du carbone 14 initial. En utilisant des propriétés de la fonction logarithme népérien, déterminer l'âge maximum que l'on peut calculer.

EXERCICE 3 AU CHOIX**7 points**

Toutes les constructions demandées seront effectuées sur la feuille annexe. On laissera apparents les traits de construction

Le segment $[AB]$ a pour longueur l'unité.

- Construire, à la règle et au compas :
 - le milieu I du segment $[AB]$,
 - la perpendiculaire \mathcal{D} à la droite (AB) passant par B .
- Construire un point C de la droite \mathcal{D} tel que $BC = BI$.
 - Calculer AC .

